

11. Compare o resultado a seguir com o anterior e observe que o produto das matrizes não é comutativo.

$$\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 6 & 3 \end{pmatrix}_{2 \times 2} \times \begin{pmatrix} -3 & 1 \\ 3 & -1 \end{pmatrix}_{2 \times 2} =$$

DETERMINANTES

A toda matriz quadrada (e só as matrizes quadradas) está associado um número chamado o seu determinante.

Veremos aqui regras para o cálculo deste número e algumas de suas propriedades mais importantes.

DETERMINANTES 1 X 1

Se $A = (-2)_{1 \times 1}$ $\det A = -2 = -2$

DETERMINANTES 2 X 2

Se $A = \begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix}_{2 \times 2}$, $\det A = \begin{vmatrix} a & b \\ c & d \end{vmatrix} = a.d - b.c$

ATENÇÃO!

Não confundir colchetes com barras!!

TESTES

12. Calcule:

a) $\begin{vmatrix} 3 & -7 \\ 2 & 5 \end{vmatrix} =$

b) $\begin{vmatrix} 8 & 2 \\ 3 & 2 \end{vmatrix} =$

DETERMINANTES 3 X 3

Para matrizes de ordem 3x3 calculamos o determinante utilizando da Regra de Sarrus. Passo a passo o processo fica da seguinte maneira:

- 1) Repetimos as 2 primeiras colunas.
- 2) Com sinal positivo, multiplicamos e somamos as 3 diagonais da esquerda para direita.
- 3) Com sinal negativo, multiplicamos e somamos as 3 diagonais da direita para a esquerda.
- 4) Soma-se tudo e obtemos o determinante.

Veja a versão genérica e o exemplo a seguir:

$$\det(A) = \begin{vmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} & a_{11} & a_{12} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} & a_{21} & a_{22} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} & a_{31} & a_{32} \end{vmatrix}$$

⊖
⊖
⊖
⊕
⊕
⊕

O determinante da seguinte matriz: $\begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{bmatrix}$

- 1) Repetimos as duas primeiras colunas:

$$\begin{vmatrix} 1 & 2 & 3 & 1 & 2 \\ 4 & 5 & 6 & 4 & 5 \\ 7 & 8 & 9 & 7 & 8 \end{vmatrix}$$

- 2) Multiplicamos como na imagem anterior para obter:

$$1.5.9 + 2.6.7 + 3.4.8 - 7.5.3 - 8.6.1 - 9.4.2 = 0$$

Portando, o determinante de $\begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{bmatrix}$ é 0.

TESTES

13. Calcule: $\begin{vmatrix} 3 & 2 & -1 \\ 4 & 5 & 0 \\ -2 & -3 & 2 \end{vmatrix}$