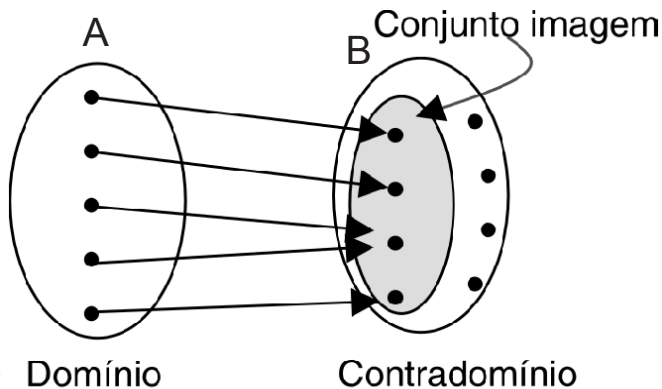


CONJUNTOS: DOMÍNIO, CONTRADOMÍNIO E IMAGEM

Para uma função f de A em B definimos:

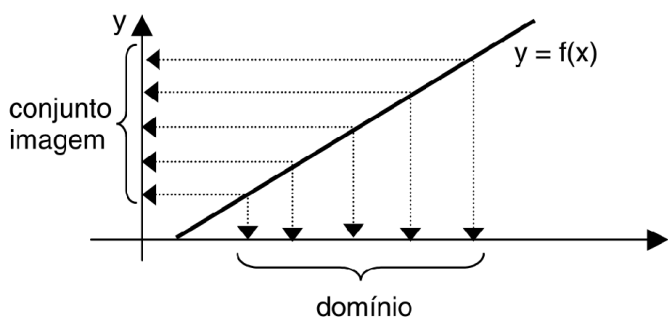
- **Conjunto Domínio:** conjunto de todos os elementos pertencentes ao conjunto A . Indicamos esse conjunto por $D(f)$.
- **Conjunto Contradomínio:** conjunto de todos os elementos pertencentes ao conjunto B . Indicamos esse conjunto por $CD(f)$.
- **Conjunto Imagem:** conjunto formado pelos elementos de B que se relacionam com os elementos do domínio. Indicamos esse conjunto por $Im(f)$.



Observação:

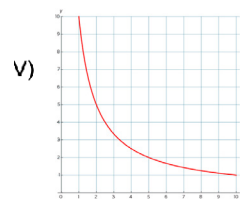
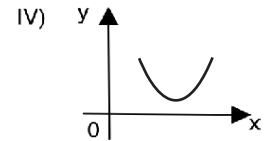
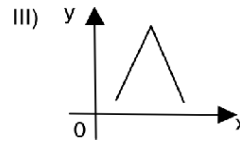
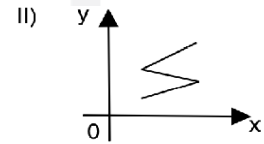
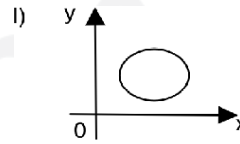
1) A $Im(f)$ é um subconjunto de $CD(f)$, isto é, $Im(f) \subset CD(f)$

2) A projeção ortogonal do gráfico no eixo x , representa o domínio da função e a projeção no eixo y , fornece o conjunto imagem:



TESTES

01. (UEPG-PR) Sejam os gráficos abaixo:



Assinale a alternativa correta:

- III e IV não representam funções.
- IV e V não representam funções.
- I e II não representam funções.
- II e IV não representam funções.
- I e III não representam funções.

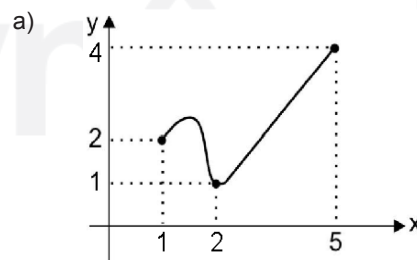
02. (UFPA) Dada a função f de $A = \{0, 1, 2\}$ em $B = \{-2, -1, 0, 1, 2\}$ definida por $f(x) = x - 1$, qual o conjunto imagem de f ?

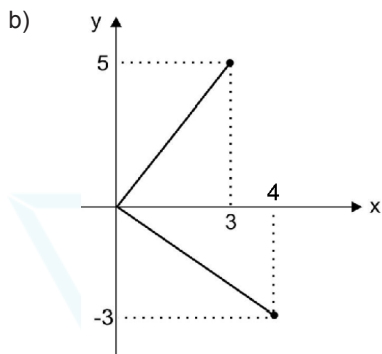
- $\{-1, 0, 1\}$
- $\{-2, -1, 0, 1, 1\}$
- $\{0, 1, 2\}$
- $\{-2, -1, 0\}$
- $\{0, -1, 2\}$

03. (PUC-RS) Seja $f: \mathbb{R}^* \rightarrow \mathbb{R}$ a função definida por $f(x) = \frac{2x-3}{5x}$. O elemento do domínio que tem $-2/5$ como imagem é:

- $-1/5$
- -3
- zero
- $2/5$
- $3/4$

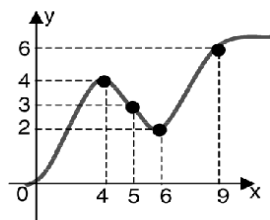
04. Dos gráficos abaixo, identifique aqueles que representam função, e neles ache o domínio e a imagem.



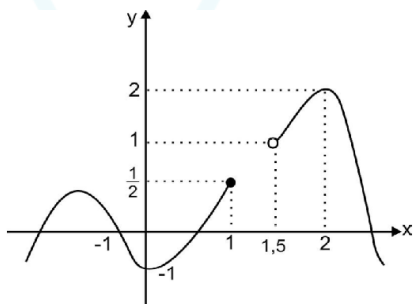


05. (F. CARLOS CHAGAS) Se g é a função de \mathbb{R} em \mathbb{R} , cujo gráfico está representado a seguir, então a imagem do intervalo $[5;9]$ é:

- a) $(2;6)$
- b) $[2;6]$
- c) $[3;6]$
- d) $(3;6)$
- e) $[2;4]$



06. (UFRJ) No gráfico, a imagem do intervalo $[-1, 2]$ é:



- a) $\left[\frac{1}{2}, 1\right) \cup (-2, 1]$
- b) $\left(\frac{1}{2}, 1\right] \cup [-2, 1)$
- c) $\left[-\frac{1}{2}, 1\right] \cup (1, 2)$
- d) $\left[-1, \frac{1}{2}\right] \cup (1, 2]$
- e) $\left[-1, \frac{1}{2}\right] \cup [1, 2]$

07. (FMASC-SP) Seja a função f de \mathbb{R} em \mathbb{R} , definida por $f(x) = \begin{cases} -2x + 1 & \text{se } x \leq 0 \\ x + 1 & \text{se } x > 0 \end{cases}$. A soma $f\left(-\frac{1}{2}\right) + f(0) + f(1)$ é

igual a:

- a) 4
- b) 5
- c) 5,5
- d) 6
- e) 7,5

08. (FATEC-SP) Seja $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ a função definida por

$$f(x) = \begin{cases} 2x, & \text{para } x \text{ racional} \\ 1 + x^2, & \text{para } x \text{ irracional} \end{cases}$$

Então, $f(0) + f\left(\frac{3}{2}\right) - f(\sqrt{8})$ é igual a:

09. (FATEC) Suponhamos que a população de uma certa cidade seja estimada, para daqui a x anos, em $f(x) = \left(20 - \frac{1}{2^x}\right) \cdot 1000$

habitantes. Estima-se que, durante o 3º ano, essa população:

- a) Se manterá constante.
- b) Aumentará em até 125 habitantes.
- c) Aumentará em até 250 habitantes.
- d) Diminuirá de até 125 habitantes.
- e) Diminuirá de até 250 habitantes.

10. (F. PORTO ALEGRENSE-RS) Se $f(x) = \sqrt{6 + 2x}$, então $f(\sqrt{5}) \cdot f(-\sqrt{5})$ é igual a:

- a) 1
- b) 2
- c) 3
- d) 4
- e) n.d.a.

11. (UDESC) Sejam as funções $f(x) = x^2 + 1$ e $g(x) = 2 - x$. Considere as seguintes igualdades.

- I. $f(t - 1) = t^2 - 2t$
- II. $g\left(-\frac{t}{2}\right) = \frac{1}{2}t + 2$
- III. $f(t) + g(t) = t^2 - t + 3$
- IV. $f(t) - g(t) = t^2 - t - 1$

São verdadeiras as igualdades:

- a) I e II
- b) II e III
- c) III e IV
- d) I, II e IV
- e) II e III e IV

12. (UFPA) Sejam os conjuntos $A = \{1, 2\}$ e $B = \{0, 1, 2\}$. Qual das afirmativas abaixo é verdadeira?

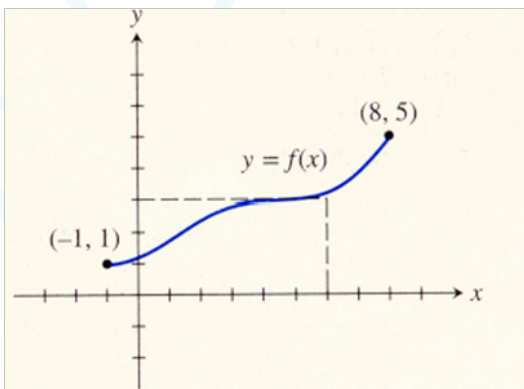
- a) $f: x \rightarrow x + 1$ é uma função de A em B .
- b) $f: x \rightarrow x^2 - x$ é uma função de B em A .
- c) $f: x \rightarrow x^2 - 3x + 2$ é uma função de A em B .
- d) $f: x \rightarrow 2x$ é uma função de A em B .
- e) $f: x \rightarrow x - 1$ é uma função de B em A .

13. Dado o esquema abaixo, representando uma função de "A" em "B", determine:



- a) O conjunto domínio.
- b) O conjunto contradomínio.
- c) O conjunto imagem.
- d) $f(5)$.
- e) $f(12)$.

14. O gráfico representa uma função $y = f(x)$. Analise e responda os itens abaixo.



- a) $D(f) =$
- b) $Im(f) =$
- c) $f(8) =$
- d) $f(-1) =$

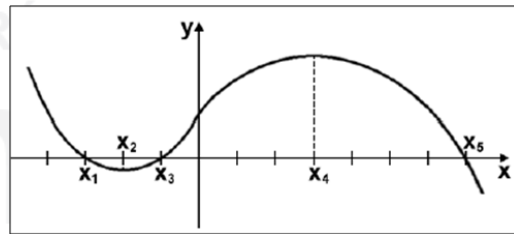
15.(UFRN) Considere a função $f: \mathbb{R}^+ \rightarrow \mathbb{R}$, definida por $f(x) = 3x^2 - 6$.

- a) Determine o valor de $f(15)$.
- b) Determine x , no domínio de f , de modo que $f(x) = 762$.

16.(FEI) Se $g(1+x) = \frac{x}{x^2+1}$, então $g(3)$ vale

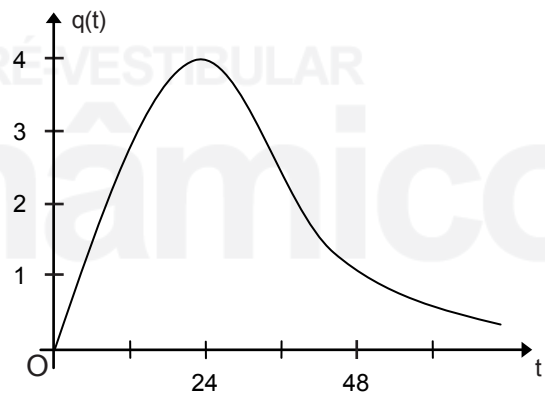
- a) 0.
- b) 3.
- c) 0,5.
- d) 0,3.
- e) 0,4.

17.(FGV) Seja uma função $y = f(x)$, cujo gráfico está representado na figura. Assinale a afirmação correta.



- a) $f(0) = 0$
- b) $f(x_1) = f(x_3) = f(x_5) = 0$
- c) a função é crescente no intervalo $[x_3; x_5]$
- d) a função é decrescente no intervalo $[x_3; x_5]$
- e) $f(x_2) = f(x_4) = 0$

18.(UFPR) Um estudo feito com certo tipo de bactéria detectou que, no decorrer de uma infecção, a quantidade dessas bactérias no corpo de um paciente varia aproximadamente segundo uma função $q(t)$ que fornece o número de bactérias em milhares por mm^3 de sangue no instante t . O gráfico da função $q(t)$ encontra-se esboçado abaixo. O tempo é medido em horas, e o instante $t = 0$ corresponde ao momento do contágio.



Com base nessas informações, considere as seguintes afirmativas:

- I. A função $q(t)$ é crescente no intervalo $[0,48]$.
 - II. A quantidade máxima de bactérias é atingida 24 horas após o contágio, aproximadamente.
 - III. 60 horas após o contágio, a quantidade de bactérias está abaixo de 1.500 por mm^3 .
- Assinale a alternativa correta.

- a) Somente as afirmativas II e III são verdadeiras.
- b) Somente as afirmativas I e II são verdadeiras.
- c) Somente as afirmativas I e III são verdadeiras.
- d) Somente a afirmativa I é verdadeira.
- e) Somente a afirmativa III é verdadeira.

19. (VUNESP-SP) Definamos $f: \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{N}$ por $\begin{cases} f(n) = 1 \\ f(n+1) = 2^{f(n)} \end{cases}$

Então:

- a) $f(3) = 8$
- b) $f(3) = 9$
- c) $f(3) = 12$
- d) $f(3) = 16$
- e) $f(3) = 32$

20. (UFSC) Considere a função $f(x)$ real, definida por $f(1) = 43$ e $f(x+1) = 2f(x) - 15$. Determine o valor de $f(0)$.

21. (MACK-SP) A função f de \mathbb{R} em \mathbb{R} é tal que, para todo $x \in \mathbb{R}$, $f(3x) = 3 \cdot f(x)$. Se $f(9) = 45$, então:

- a) $f(1) = 5$
- b) $f(1) = 6$
- c) $f(1) = 9$
- d) $f(1)$ não pode ser calculado.
- e) n.d.a

22. (FUVEST-SP) Uma função f de variável real satisfaz a condição $f(x + 1) = f(x) + f(1)$, qualquer que seja o valor da variável x . Sabendo-se que $f(2) = 1$, podemos concluir que $f(5)$ é igual a:

- a) $\frac{1}{2}$
- b) 1
- c) $\frac{5}{2}$
- d) 5
- e) 10

23. (CESCEM-SP) É dada uma função real tal que:

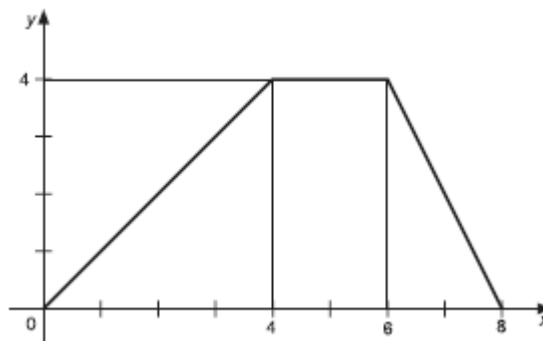
- 1) $f(x) \cdot f(y) = f(x + y)$
- 2) $f(1) = 2$
- 3) $f(\sqrt{2}) = 4$

O valor de $f(3 + \sqrt{2})$ é:

24. (UFPR) Seja f uma função tal que $f(1) = 2$ e $f(x + 1) = f(x) - 1$, para todo valor real de x . Então $f(100)$ é igual a :

- a) -99
- b) -97
- c) 96
- d) 98
- e) 100

25. (UFF-RJ) O gráfico da função f está representado na figura:



Sobre a função f é falso afirmar que:

- a) $f(1) + f(2) = f(3)$
- b) $f(2) = f(7)$
- c) $f(3) = 3f(1)$
- d) $f(4) - f(3) = f(1)$
- e) $f(2) + f(3) = f(5)$

26. (UEPI) Considere a função $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ tal que para todo x real se tem $f(5x) = 5f(x)$. Se $f(15) = 20$, então o valor de $f(75)$ é igual a:

- a) 50
- b) 100
- c) 150
- d) 200
- e) 250

27. (UFCE) Seja $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ a função tal que $f(1) = 4$ e $f(x + 1) = 4 \cdot f(x)$, para todo x real. Nestas condições, $f(10)$ é igual a:

- a) 2^{-10}
- b) 4^{-10}
- c) 2^{10}
- d) 4^{10}

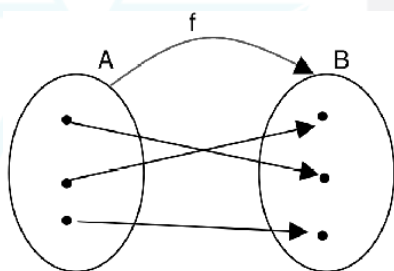
28. Durante um mês, o número y de unidades de um determinado bem em função do número x de funcionários empregados é representado pela função $y = 50 \cdot \sqrt{x}$. Sabendo que 121 funcionários estão empregados, o acréscimo de produção, com a admissão de 48 novos funcionários, é:

- a) 550
- b) 250
- c) 100
- d) 650
- e) 200

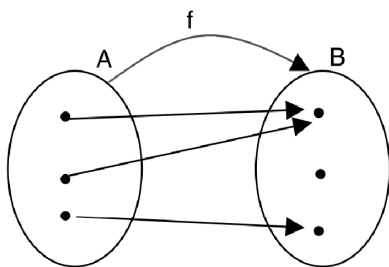
3) Função bijetora:

A função é bijetora quando ela é sobrejetora e injetora ao mesmo tempo.

RECONHECIMENTO PELO DIAGRAMA



É bijetora



Não é bijetora

OBSERVAÇÃO

Será bijetora quando o gráfico tiver características de uma função injetora e sobrejetora ao mesmo tempo.

TESTES

29. Classifique as funções a seguir quanto à paridade:

a) $f(x) = 5x^2 - 1$

b) $f(x) = x^5 + 4x$

c) $f(x) = 3x^4 - x^3$

30. (PUC-SP) Qual das funções a seguir é par?

a) $f(x) = \frac{1}{x^2}$

b) $f(x) = \frac{1}{x}$

c) $f(x) = x$

d) $f(x) = x^5$

e) n.d.a.

31. (F.A ALFENAS) A função abaixo, que é ímpar é:

a) $f(x) = 3x^6$

b) $f(x) = x^4 + x^2 - 3$

c) $f(x) = 125$

d) $f(x) = 5x - 8$

e) $f(x) = x^3 - 2x$

32. (CESCEM-SP) Dizemos que uma função real é par, se $f(-x) = f(x)$ e que é ímpar, se $f(-x) = -f(x)$. Das afirmativas que seguem indique qual a falsa:

a) Produto de duas funções ímpares é uma função ímpar.

b) O produto das duas funções pares é uma função par.

c) A soma de duas funções ímpares é uma função ímpar.

d) A soma de duas pares é uma função par.

e) Existe alguma afirmação das anteriores que é verdadeira.

33. (UFPR) Diz-se que uma função é:

a) Par, se $f(-x) = f(x)$, para todo x real

b) Ímpar, se $f(-x) = -f(x)$, para todo x real.

Assim, é correto afirmar que:

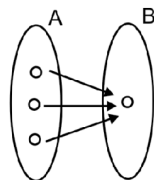
01) Se $f(x) = \frac{x}{1+x^2}$, então a função é ímpar.

02) Se $f(x) = x \cdot \text{sen } x$, então a função é par.

04) Uma função polinomial não identicamente nula é uma função par se, e somente se, todos os expoentes das variáveis são números pares.

34. Classifique as funções a seguir como injetoras, sobrejetoras ou bijetoras.

a) $f : A \rightarrow B$



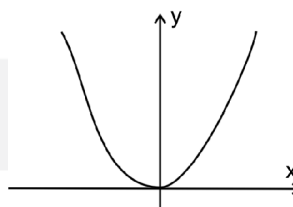
() INJETORA

() SOBREJETORA

() BIJETORA

() NENHUMA

b) $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}^+ / y = f(x) = x^2$



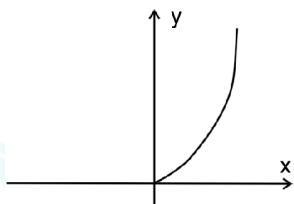
() INJETORA

() SOBREJETORA

() BIJETORA

() NENHUMA

c) $f: \mathbb{R}^+ \rightarrow \mathbb{R}^+ / y = f(x) = x^2$

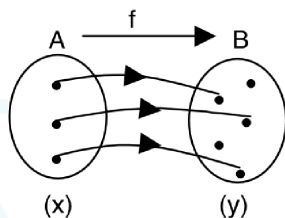


- () INJETORA
- () SOBREJETORA
- () BIJETORA
- () NENHUMA

35. (PUC-SP) Seja $D = \{1, 2, 3, 4, 5\}$ e $f: D \rightarrow \mathbb{R}$ a função definida por $y = f(x) = (x - 2)(x - 4)$. Então:

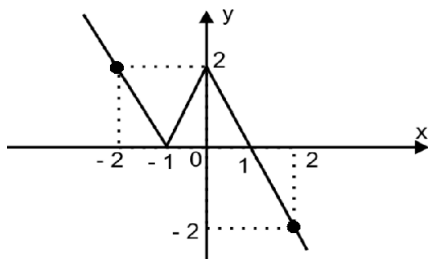
- a) f é sobrejetora;
- b) f é injetora;
- c) f é bijetora;
- d) O conjunto imagem de f possui 3 elementos somente;
- e) $\text{Im}(f) = \{-1, 0, 1\}$.

36. (UGF-RS) Dado o esquema de setas a seguir, para representar uma relação binária f de A em B , podemos afirmar:



- a) f não é uma função de A em B .
- b) f é uma função bijetora.
- c) f é uma função sobrejetora.
- d) f é uma função injetora.
- e) f não é uma função sobrejetora e nem injetora.

37. (PUCCAMP) Seja f a função de \mathbb{R} em \mathbb{R} , dada pelo gráfico a seguir:



É correto afirmar que:

- a) f é sobrejetora e não é injetora
- b) f é injetora
- c) $f(x) = f(-x)$ para todo x real
- d) $f(x) > 0$ para todo x real
- e) o conjunto imagem de f é $]-\infty, -2]$.

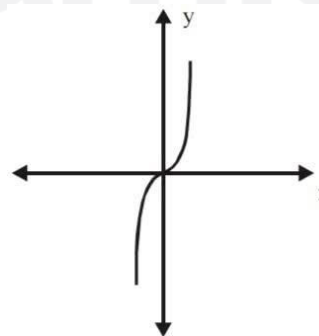
38. (UFSC) Dada a função $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}^+$, definida por $f(x) = x^2 + 1$, determine a soma dos números associados as afirmações verdadeiras:

- 01) A função é sobrejetora
- 02) A imagem é \mathbb{R}^+
- 04) A função é bijetora
- 08) Para $x = \sqrt{5}$, temos $f(x) = 6$
- 16) O gráfico da função é uma reta
- 32) A função é par

39. (ACAFE) Dadas as funções $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ e $g: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ definidas por $f(x) = x^2 + 3$ e $g(x) = -2x$, é correto afirmar que:

- a) f e g são funções pares.
- b) f e g são funções ímpares.
- c) f é uma função ímpar e g é par.
- d) f é uma função par e g é ímpar.
- e) f e g não são funções pares nem ímpares.

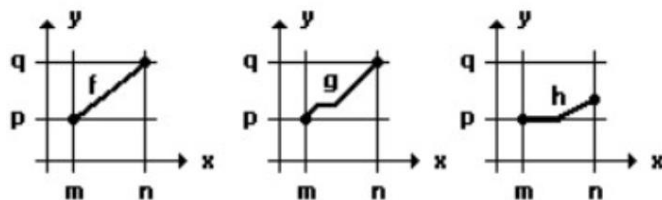
40. (UFOP) Seja $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}; f(x) = x^3$.



Então podemos afirmar que:

- a) f é uma função par e crescente.
- b) f é uma função par e bijetora.
- c) f é uma função ímpar e decrescente.
- d) f é uma função ímpar e bijetora.
- e) f é uma função par e decrescente.

41. (UFF) Considere as funções f , g e h , todas definidas em $[m, n]$ com imagens em $[p, q]$ representadas através dos gráficos abaixo:



Pode-se afirmar que

- a) f é bijetiva, g é sobrejetiva e h não é injetiva.
- b) f é sobrejetiva, g é injetiva e h não é sobrejetiva.
- c) f não é injetiva, g é bijetiva e h é injetiva.
- d) f é injetiva, g não é sobrejetiva e h é bijetiva.
- e) f é sobrejetiva, g não é injetiva e h é sobrejetiva.

TESTES

42. Se $f(x) = x^2 + 4$ e $g(x) = x + 1$, encontre:

a) $g[g(2)]$

b) $f[f(-1)]$

c) $f[g(x)]$

d) $g[f(x)]$

43. (MACK-SP) Dadas as funções f , g e h , definidas de \mathbb{R} em \mathbb{R} , onde $f(x) = 3x$, $g(x) = x^2 - 2x + 1$ e $h(x) = x + 2$, então $h\{f[g(2)]\}$ é igual a:

- a) 1
- b) 2
- c) 3
- d) 4
- e) 5

44. (PUC-PR) Sejam $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ e $g: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ duas funções dadas por $f(x) = x^2 - 1$ e $g(x) = x - 1$. A diferença entre as funções compostas $(g \circ f)(3) - (f \circ g)(3)$ é igual a:

- a) 1
- b) 2
- c) 3
- d) 4
- e) 5

45. (FGV-SP) Considere as funções: $f(x) = 2x + 1$ e $g(x) = x^2 - 1$. Então, as raízes da equação $f[g(x)] = 0$ são:

- a) Inteiras
- b) Negativas
- c) Racionais não inteiras
- d) Inversas uma da outra
- e) Opostas

46. (F. CARLOS CHAGAS) As funções f e g , de \mathbb{R} em \mathbb{R} são definidas por $f(x) = 2x + 3$ e $g(x) = 3x + m$. Se $f(g(x)) = g(f(x))$, então $f(m)$ é um número:

- a) Primo
- b) Negativo
- c) Cubo perfeito
- d) Menor que 18
- e) Múltiplo de 12

47. (F.C. CHAGAS-SP) Dadas as funções reais $f(x) = 1 - 2x$ e $g(x) = 3x + k$, o valor de k , de modo que $f[g(x)] = g[f(x)]$, é:

- a) -3
- b) -1
- c) -2/3
- d) 1/3
- e) n.d.a.

48. Se $f(x) = 2x + 1$ e $f[g(x)] = 4x - 3$, encontre $g(x)$.

49. (UEL-PR) Se f e g são funções de \mathbb{R} em \mathbb{R} tais que $f(x) = 2x - 1$ e $f(g(x)) = x^2 - 1$, então $g(x)$ é igual a:

- a) $2x^2 + 1$
- b) $\left(\frac{x}{2}\right) - 1$
- c) $\frac{x^2}{2}$
- d) $x - 1$
- e) $x + \left(\frac{1}{2}\right)$

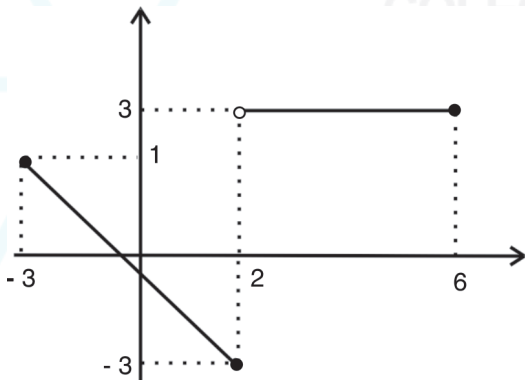
50. (UFSC) Sendo $f(x) = 4x + 1$ e $f[g(x)] = x^2 + 1$, com f e g definidas para todo x real, determine o valor numérico da função no ponto $x = 18$, ou seja, $g(18)$.

51. (UFPR) Para cada valor real de x , sejam $f(x) = x^2$ e $g(x) = ff[f(x)]$. Calcule o valor de $\frac{f[g(3)]}{g(3)}$.

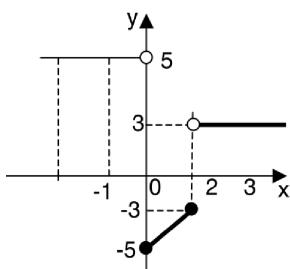
52. Sendo $f(x) = \frac{x-3}{x+1}$, calculando $f\{f[f(x)]\}$, encontramos:

- a) $\frac{2x-6}{2x-1}$
- b) x
- c) $\frac{x+1}{x-3}$
- d) $\frac{x-3}{x+1}$
- e) n.d.a.

53. (PUC-PR) Seja $y = f(x)$ uma função definida no intervalo $[-3, 6]$ conforme indicado no gráfico. Deste modo, o valor de $f(f(2))$ é:



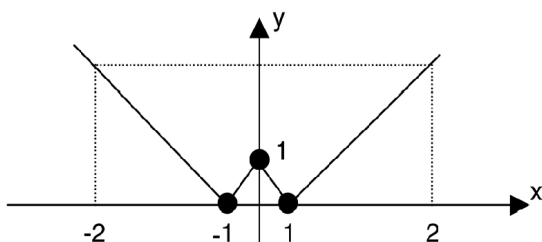
54. (MACK-SP) O gráfico abaixo representa uma função definida em \mathbb{R} por $y = f(x)$.



O valor de $f(2) - f(f(-5))$ é igual a:

- a) -2
- b) -1
- c) 0
- d) 1
- e) 2

55. (UEM-PR) Uma função $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}_+$ é representada graficamente como segue:



Analisando o seu gráfico, é correto afirmar que:

- 01) f é par;
- 02) f é injetora;
- 04) f é sobrejetora;
- 08) f é crescente se, e somente se, $x > 1$;
- 16) f é positiva se, e somente se, $x > 0$;
- 32) $(f \circ f)(-1) = (f \circ f)(1)$

56. Achar a função inversa de $f(x) = 2x - 1$

57. (F.M. SANTA CASA-SP) Se f^{-1} é a função inversa da função f , com \mathbb{R} em \mathbb{R} , definida por $f(x) = 3x - 2$, então $f^{-1}(-1)$ é igual a:

- a) -1
- b) -1/3
- c) -1/5
- d) 1/5
- e) 1/3

58. Obtenha $f^{-1}(x)$ sabendo que $f(x) = \frac{3x - 4}{x + 5}$, $x \neq -5$

59. (MEDICINA JUNDIAÍ) Sejam as funções f e g , de \mathbb{R} em \mathbb{R} , definidas por $f(x) = 2x - 1$ e $g(x) = kx + t$. A função g será a inversa de f se, e somente se,

- a) $k : t = 1/4$
- b) $k - t = 1$
- c) $k = 2t$
- d) $k + t = 0$
- e) $k = t = 1/2$

60. (MEDICINA JUNDIAÍ) Seja f uma função de \mathbb{R} em \mathbb{R} , definida por $f(x) = 2x + 1$. Se f^{-1} é a função inversa de f , então

$f\left[f\left(\frac{1}{2}\right)\right] - f^{-1}(5)$ é igual a:

- a) $f(1)$
- b) $f(-2)$
- c) $2 \cdot f\left(\frac{1}{2}\right)$
- d) $3 \cdot f\left(-\frac{1}{2}\right)$
- e) $\frac{1}{2} \cdot f(-1)$

61. (F. CARLOS CHAGAS) Seja a função $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ definida por $f(x) = ax - 2$ e g a função inversa de f . Se $f(-2) = 10$ então g será definida por:

- a) $g(x) = -x + \frac{1}{3}$
- b) $g(x) = \frac{1}{6}x - \frac{1}{3}$
- c) $g(x) = \frac{6}{x - 2}$
- d) $g(x) = 6x - \frac{1}{2}$
- e) $g(x) = -12x + \frac{1}{2}$

62. (UEL-PR) Seja f^{-1} a função inversa da função $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$. No plano cartesiano, os gráficos das funções f e f^{-1} são simétricas em relação:

- a) ao eixo das ordenadas
- b) ao eixo das abscissas
- c) à origem
- d) à reta de equação $y = \frac{-1}{2}x$
- e) à reta de equação $y = x$

63. (ITA-SP) Seja a função $f: \mathbb{R} - \{2\} \rightarrow \mathbb{R} - \{3\}$ definida por

$$f(x) = \frac{2x - 3}{x - 2} + 1. \text{ Obtenha a sua inversa.}$$

64. (F.M. Itajubá-MG) Dadas às funções abaixo:

$$\begin{aligned} g(x) &= 3x + 2 \\ (g \circ f)(x) &= 6x - 4 \\ h(x + 1) &= h(x) + x \\ t(2x) &= 2t(x) \\ t(6) &= 18 \end{aligned}$$

Calcular o valor da expressão $f(4) + h(6) - h(4) + t(3)$

- a) 18
- b) 24
- c) 22
- d) 16
- e) Nenhuma das respostas anteriores.

65. (Mackenzie-SP) Se $f(x) = mx + n$ e $f(f(x)) = 4x + 9$, a soma dos possíveis valores de n é:

- a) 6
- b) -6
- c) 12
- d) -12
- e) -18

66. (UNIFOR-CE) Sejam f e g funções de \mathbb{R} em \mathbb{R} definidas por $f(x) = 2x - 1$ e $g(x) = 1 - 2x$. Qual dos pontos seguintes pertence ao gráfico da função $g \circ f$?

- a) (-1; 5)
- b) (-1; 9)
- c) $\left(\frac{1}{2}; -1\right)$
- d) (1; -1)
- e) (1; -3)

67. (U. Potiguar-RN) Sendo $f(x) = 3x + 5$ e

$$g(x) = \frac{2}{5}x + k \text{ duas funções de } \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}, \text{ se } f(2) = g(10),$$

então $f(g(15))$ vale:

- a) 44
- b) 36
- c) 50
- d) 63

68. Seja $f(x)$ uma função definida em \mathbb{R} por ,

$$f(x) = \frac{x-1}{x}, \text{ então } f(f(x)) \text{ vale:}$$

- a) $\frac{x-2}{x-1}$
- b) $\frac{1}{-x+1}$
- c) $\frac{x-1}{x}$
- d) -1
- e) -x

69. (FEI) Determine a inversa da função bijetora $f: \mathbb{R} - \{-1\}$, tal que

$$f(x) = \frac{x}{x+1}.$$

70. (SEDUC) Considere a função de variável real $f(x) = (3x + 8)/2$. Qual o valor de $f^{-1}(10)$?

- a) 1/19
- b) 6
- c) 0,25
- d) 4
- e) 19

71. (EEAR) Seja a função $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ definida por $f(x) = 4x - 3$. Se f^{-1} é a função inversa de f , então $f^{-1}(5)$ é

- a) 17
- b) 1/17
- c) 2
- d) 1/2

72. (RFB-adaptada) A função bijetora dada por $f: \mathbb{R} - \{2\} \rightarrow \mathbb{R} - \{1\}$: $f(x) = (x + 1)/(x - 2)$.

Determine a função inversa de f , denotada por f^{-1} .

73. Considere as seguintes afirmativas a respeito da função

$$f: D \rightarrow \mathbb{R} \text{ definida por } f(x) = \frac{x}{1-x}:$$

I. O ponto $x = Y$ não pertence ao conjunto D .

$$\text{II. } f\left(\frac{1}{x}\right) = \frac{1}{x-1}.$$

III. $f(x) \neq 1$, qualquer que seja $x \in \mathbb{R}$.

IV. A função inversa de f é $f^{-1}(x) = \frac{x+1}{x}$.

Assinale a alternativa correta.

- a) Somente as afirmativas I, II e III são verdadeiras.
- b) Somente as afirmativas I e IV são verdadeiras.
- c) Somente as afirmativas II e III são verdadeiras.
- d) Somente as afirmativas I, III e IV são verdadeiras.
- e) Todas as afirmativas são verdadeiras.

GABARITO

TESTES

01	C	11	B	21	A	31	E	41	A	51	81	61	B	71	C
02	A	12	C	22	C	32	A	42	*	52	B	62	E	72	*
03	E	13	*	23	32	33	07	43	E	53	*	63	*	73	A
04	*	14	*	24	B	34	*	44	D	54	C	64	B		
05	B	15	*	25	E	35	D	45	E	55	37	65	B		
06	D	16	D	26	D	36	D	46	D	56	*	66	D		
07	B	17	B	27	B	37	A	47	C	57	E	67	A		
08	*	18	A	28	C	38	40	48	*	58	*	68	B		
09	B	19	D	29	*	39	D	49	C	59	E	69	*		
10	D	20	29	30	A	40	D	50	81	60	A	70	D		

04. a) É função $D(f) = [1, 5]$ $Im(f) = [1, 4]$
b) Não é função

08. -06

13. a) $D(f) = \{5, 12, 23\}$
b) $CD(f) = \{5, 7, 14, 15, 16, 25, 26\}$
c) $Im(f) = \{7, 14, 25\}$
d) $f(5) = 7$
e) $f(12) = 14$.

14. a) $D(f) = [-1, 8]$
b) $Im(f) = [1, 5]$
c) $f(8) = 5$.
d) $f(-1) = 1$.

15. a) 669.
b) 16.

29. a) Par
b) Impar
c) Sem paridade

34. a) sobrejetora
b) sobrejetora
c) injetora, sobrejetora e bijetora

42. a) 4

b) 29

c) $x^2 + 2x + 5$

d) $x^2 + 5$

48. $g(x) = 2x - 2$

53. 01

56. $f^{-1}(x) = \frac{x+1}{2}$

58. $f^{-1}(x) = \frac{5x+4}{3-x}$, $x \neq 3$

63. $f^{-1}(x) = \frac{2x-5}{x-3}$

69. $f^{-1}(x) = \frac{x}{1-x}$

72. $f^{-1}(x) = \frac{2x+1}{x-1}$